

☆ 比の文章題 ③

※ 比の式→たてに書く

例題9 クリームパン1個とあんパン1個の値段の比は3:5です。

クリームパンを10個とあんパンを12個買った時の合計金額は1800円でした。

クリームパン1個とあんパン1個の値段をそれぞれ答えなさい。

$$\begin{array}{rcl}
 & \text{ク} : \text{あ} \\
 \text{一個} & \textcircled{3} : \textcircled{5} & \boxed{3} = 1800 \text{ 円} \quad 600 \text{ 円} \div 10 \text{ 個} = 60 \text{ 円} // \dots \text{クリームパン} \\
 \times & & \boxed{1} = 600 \text{ 円} \\
 \text{個数} & \triangle : \triangle & \boxed{2} = 1200 \text{ 円} \\
 & \hline & \textcircled{3} = 60 \text{ 円} \\
 & 10\text{個} \quad 12\text{個} & \textcircled{1} = 20 \text{ 円} \\
 & & \textcircled{5} = 100 \text{ 円} // \dots \text{あんパン} \\
 \text{合計} & \boxed{15} : \boxed{30} = \boxed{1} : \boxed{2} &
 \end{array}$$

例題10 一個120円のジャムパンと一個150円のメロンパンがあります。

これを2種類あわせて35個買ったところ、ジャムパンとメロンパンのそれぞれの合計金額は3:5になりました。ジャムパンとメロンパンはそれぞれ何個買いましたか。

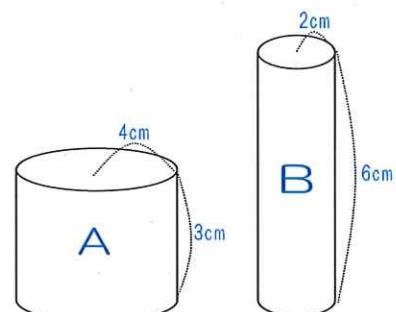
$$\begin{array}{rcl}
 & \text{ジ} : \text{メ} \\
 \text{一個} & \textcircled{4} : \textcircled{5} & \triangle = 35 \text{ 個} \\
 & 120\text{円} \quad 150\text{円} & \triangle = 5 \text{ 個} \\
 \times & & \triangle = 15 \text{ 個} // \dots \text{ジャムパン} \\
 \text{個数} & \triangle : \triangle \Rightarrow \frac{3}{4} : 1 = \frac{3}{4} : \frac{4}{4} & \triangle = 20 \text{ 個} // \dots \text{メロンパン} \\
 & \hline & \\
 \text{合計} & \boxed{3} : \boxed{5} & \triangle : \triangle \\
 & & \hline
 & &
 \end{array}$$

※ すべてかけ算してから比にするのではなく、(約分のやり方で)割ってからかける

例題11 半径4cmで高さが3cmの円柱Aと、半径2cmで高さが6cmの円柱Bについて次の各問いに答えなさい。

① 円柱Aと円柱Bの底面積比を答えなさい。

$$\begin{array}{rcl}
 A & 4 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 3.14 & B \\
 & \cancel{\times} & \cancel{\times} \\
 & 4 : 1 // & \\
 & \uparrow 0にしない! &
 \end{array}$$



② 円柱Aと円柱Bの体積比を答えなさい。

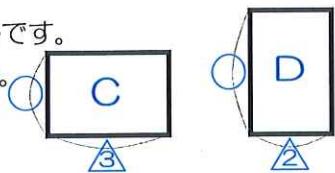
$$\begin{array}{rcl}
 & A : B \\
 \text{底} & \textcircled{4} : \textcircled{1} \\
 \times & \\
 \text{高} & \triangle : \triangle \\
 & 3\text{cm} \quad 6\text{cm} \\
 \hline
 \text{体} & \boxed{4} : \boxed{2} \Rightarrow \boxed{2} : \boxed{1} //
 \end{array}$$

☆ 長方形・直方体の面積・体積と長さの比

例題12 次の各問い合わせに答えなさい

- ① 横の長さが3:2の長方形C・Dがあります。長方形C・Dの面積は同じです。

長方形Cのたての長さが18cmの時、長方形Dのたての長さは何cmですか。

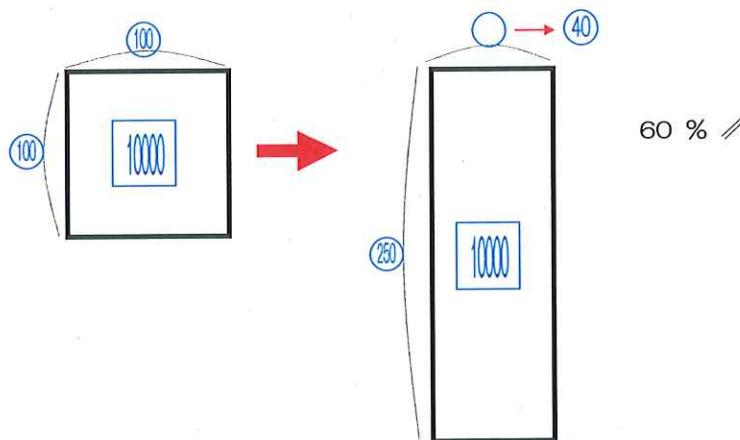


$$\begin{array}{rcl} \text{C} & : & \text{D} \\ \text{たて} & \frac{1}{3} & : \frac{1}{2} = \textcircled{2} : \textcircled{3} \\ \times & & \\ \text{横} & \textcircled{3} : \textcircled{2} \\ \hline \text{面} & \boxed{1} : \boxed{1} & \leftarrow \text{面積は同じ} \\ & \boxed{6} : \boxed{6} & \leftarrow 3 \text{と } 2 \text{ の最小公倍数} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \textcircled{2} = 18 \text{ cm} \\ \textcircled{1} = 9 \text{ cm} \\ \textcircled{3} = 27 \text{ cm} // \end{array}$$

- ② 正方形のたての150%長くして、元の正方形の面積と同じ長方形をつくりました。

横の長さを何%短くしましたか。



- ③ たての長さと横の長さの比が2:3で、面積が54cm²の長方形があります。

この長方形のたての長さを答えなさい。

$$\begin{array}{lll} \textcircled{2} \times \textcircled{3} = \boxed{6} = 54 \text{ cm}^2 & & \textcircled{1} = 3 \text{ cm} \\ \textcircled{1} \times \textcircled{1} = \boxed{1} = 9 \text{ cm}^2 & & \textcircled{2} = 6 \text{ cm} // \end{array}$$

- ④ たての長さと横の長さと高さの比が2:4:3で、体積が192cm³の直方体があります。

この直方体のたての長さを答えなさい。

$$\begin{array}{lll} \textcircled{2} \times \textcircled{4} \times \textcircled{3} = \boxed{24} = 192 \text{ cm}^3 & & \textcircled{1} = 2 \text{ cm} \\ \textcircled{1} \times \textcircled{1} \times \textcircled{1} = \boxed{1} = 8 \text{ cm}^3 & & \textcircled{2} = 4 \text{ cm} // \end{array}$$

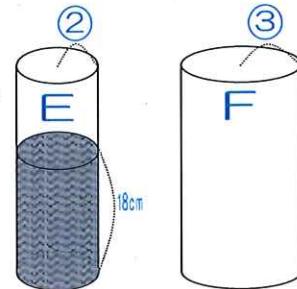
☆ 容器に入った水の高さ（深さ）

※ 容器に入っている水面の高さを答える問題は、
底面積の比 × (比ではなく) 実際の高さ = 水の体積 をつくる

例題13 底面の半径の比が2:3の円柱の容器E・Fがあります。

容器Eに18cmまで水を入れ、この水をすべて容器Fに入れました。
この時、容器Fの水面の高さは何cmになりますか。

$$\begin{array}{rcl} E & & F \\ \textcircled{2} \times \textcircled{2} \times 3.14 : \textcircled{3} \times \textcircled{3} \times 3.14 \\ \parallel & & \parallel \\ \textcircled{4} : \textcircled{9} & & \leftarrow \text{底面積比} \end{array}$$



$$\begin{array}{rcl} E : F \\ \text{底 } \textcircled{4} : \textcircled{9} \\ \times \\ \text{高 } 18\text{cm} : \square\text{cm} = \boxed{72} \div \textcircled{9} = 8\text{ cm} // \\ \hline \text{体 } \boxed{72} : \boxed{72} \leftarrow \text{水の体積は同じ} \end{array}$$

※ 容器に入っている水面の高さが同じになる問題は、容器の底面積を合体させる

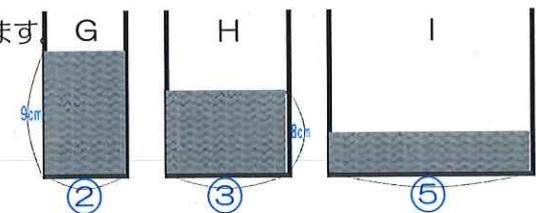
例題14 底面積の比が2:3:5の直方体の容器 G・H・Iがあります

容器Gは9cm、容器Hには8cmの高さまで水が入っていて、

容器Iには容器Gと同じ量の水が入っています。

G・Hに入っている水の一部をIに入れて、
3つの容器の水面の高さを同じにしました。

この時の水面の高さを答えなさい。



$$\begin{array}{rcl} G : H : I \\ \text{底 } \textcircled{2} : \textcircled{3} : \textcircled{5} \\ \times \\ \text{高 } 9\text{cm} : 8\text{cm} : \quad \leftarrow \text{ちなみに } 3.6\text{cm} \\ \hline \text{体 } \boxed{18} : \boxed{24} : \boxed{18} \leftarrow \text{Gと水の体積が同じ} \\ \qquad \qquad \qquad \underbrace{\qquad \qquad \qquad}_{\text{合計 } \boxed{60}} \end{array}$$

